

# **Software- Qualitätsmanagement**

**Vorlesung im Modul 10-202-2319  
Software-Management**

Sommersemester 2010

Prof. Dr. Hans-Gert Gräbe

<http://bis.informatik.uni-leipzig.de/HansGertGraebe>

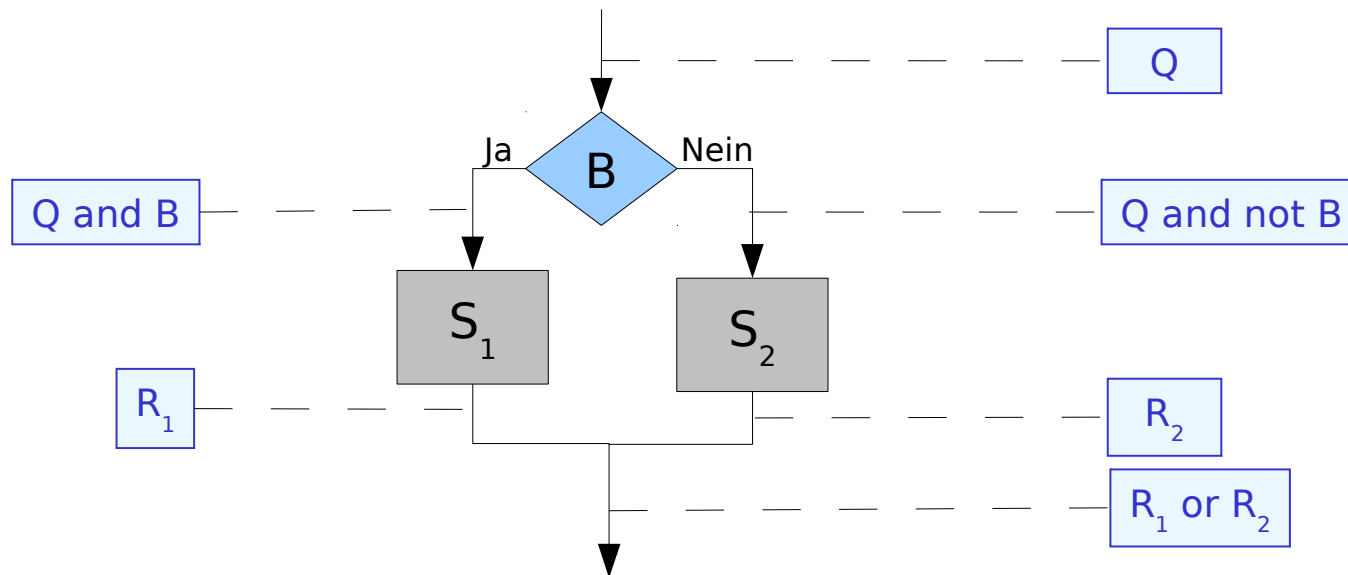
## 6. Verifizierende Verfahren

### 3. Programmverifikation

#### if-Regel

Gibt an, unter welchen Voraussetzungen zwei Programmstücke  $S_1$  und  $S_2$  und eine Bedingung  $B$  zu einer zweiseitigen Auswahl mit der Vorbedingung  $Q$  und der Nachbedingung  $R$  zusammengesetzt werden können.

$$\frac{\{Q \text{ and } B\} S_1 \{R\}, \{Q \text{ and not } B\} S_2 \{R\}}{\{Q\} \text{ if } B \text{ then } S_1 \text{ else } S_2 \{R\}}$$

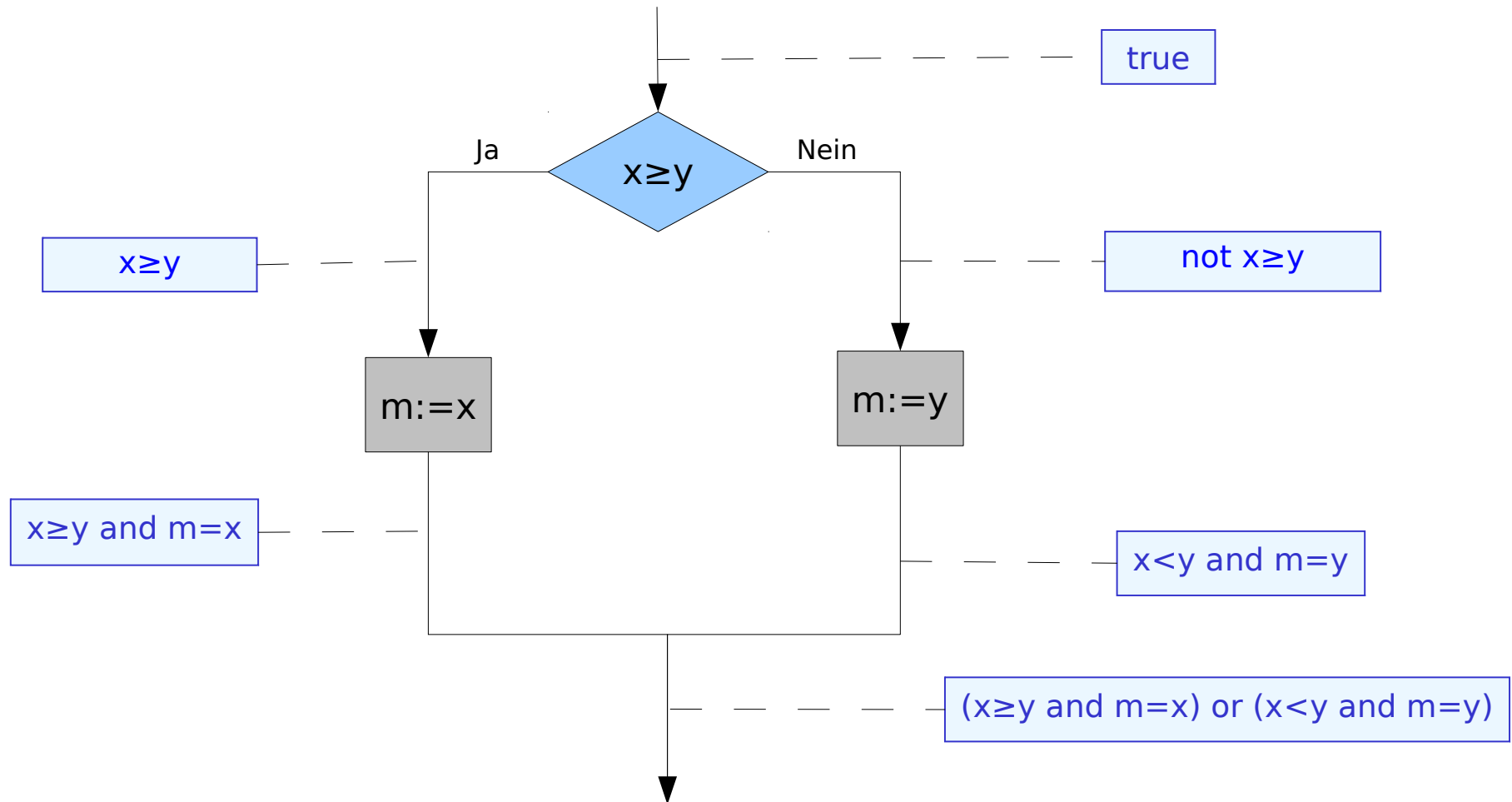


## 6. Verifizierende Verfahren

### 3. Programmverifikation

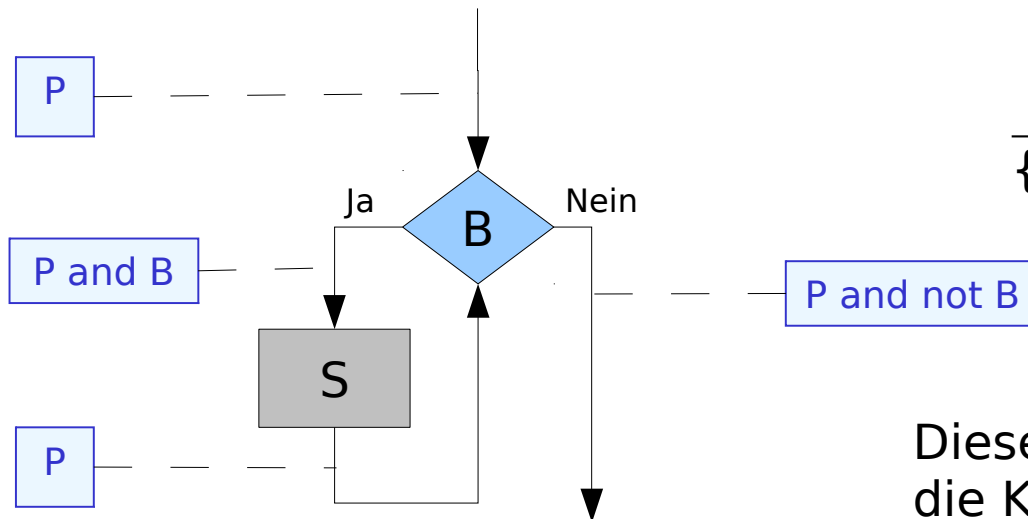
#### Beispiel:

$\{true\}$  if  $x \geq y$  then  $m := x$  else  $m := y$   $\{m = \max(x, y)\}$



### while-Regel

- Bei der Verifikation von Schleifen spielt eine invariante Zusicherung **P**, die **Schleifeninvariante** eine entscheidende Rolle.
- Die Invariante gilt vor der Schleife und nach dem Schleifenrumpf.



$$\frac{\{P \text{ and } B\} S \{P\}}{\{P\} \text{ while } B \text{ do } S \{P \text{ and not } B\}}$$

Diese Regel beweist nur **partiell** die Korrektheit der Schleife, denn die **Termination** wird durch P nicht garantiert.

## 6. Verifizierende Verfahren

### 3. Programmverifikation

#### Zum Beweis der Termination einer Schleife

- Wiederholungsbedingung B muss irgendwann falsch sein.
- Prüfung der Termination mit Hilfe einer **Terminationsfunktion t**.  
→ **Idee**: Die Terminationsfunktion

$t : \text{Programmzustände} \rightarrow \mathbb{Z}$

ist nach unten beschränkt **und** wird in jedem Schleifendurchlauf kleiner.

Formale Formulierung der Bedingungen für t:

- $\{ P \text{ and } B \text{ and } t = T \} S \{ P \text{ and } t < T \}$  (T ist freie Variable)
- $P \text{ and } B \Rightarrow t \geq 0$
- **Variation**: Kettenbedingung auf Halbordnungen
  - Beispiel: Termordnungen auf dem Term-Monoid  $T = T(x_1, \dots, x_n)$
  - es reicht die Kettenbedingung statt Beschränktheit

## 6. Verifizierende Verfahren

### 3. Programmverifikation

#### Konditionierungsregel für Schleifen

Bei gegebener Invariante **P** und Terminationsfunktion **t** muss eine **while**-Schleife folgende Punkte erfüllen:

1. Die Invariante P muss während der Initialisierung der Schleife gesichert werden:

$$\{Q\} \text{ init } \{P\}$$

2. P bleibt im Schleifenrumpf S invariant, t wird bei jedem Ausführen des Schleifenrumpfes verringert.

$$\{P \text{ and } B \text{ and } t = T\} S \{P \text{ and } t < T\}$$

3. t ist vor jedem Ausführen des Schleifenrumpfes nicht negativ.

$$P \text{ and } B \Rightarrow t \geq 0$$

4. Die Nachbedingung R ist eine Folge der Schleifeninvariante.

$$P \text{ and } \text{not } B \Rightarrow R$$

## 6. Verifizierende Verfahren

### 3. Programmverifikation

#### Entwickeln einer Schleife durch Weglassen einer Bedingung

Gegeben sei eine Spezifikation  $\{Q\} . \{R: U \text{ and } V\}$

1. R wird aufgeteilt in  $\{R = P \text{ and } \underline{\text{not}} B\}: P = U, B = \underline{\text{not}} V$ 
  - Die Invariante P ergibt sich durch Weglassen einer Bedingung.
  - Die weggelassene Bedingung  $\{\underline{\text{not}} V\}$  wird zur Abbruchbedingung.
3. Initialisierung der Invarianten P durch ein Programmstück  $\{Q\} \text{ init } \{P\}$
5. Entwicklung eines Schleifenrumpfes mit der Spezifikation  $\{P \text{ and } B\} S \{P\}$
7. Hinzufügen der Terminationsbedingung **t**
  - **t** ergibt sich häufig aus dem Vergleich der Initialisierung mit der Abbruchbedingung  $\{\underline{\text{not}} B\}$ .

## 6. Verifizierende Verfahren

### 3. Programmverifikation

**Beispiel:**  $\text{int } y = \text{isqrt}(\text{int } x)$  mit  $y = \lfloor \text{sqrt}(x) \rfloor$

$\{Q: x \geq 0\}$  und  $\{R: y \geq 0 \text{ and } y^2 \leq x \text{ and } x < (y+1)^2\}$

Aufteilen von R:  $\{P: y \geq 0 \text{ and } x \geq y^2\}$  und  $\{B: x \geq (y+1)^2\}$

Initialisierung:  $\{Q: x \geq 0\} \ y := 0 \ \{P\}$

Schleife:  $\{P \text{ and } B\} \ y := y + 1 \ \{P\}$

$\{y \geq 0 \text{ and } x \geq (y+1)^2\} \ y' = y + 1 \ \{y' \geq 0 \text{ and } x \geq y'^2\}$

Terminationsfunktion:  $\mathbf{t} := x - y$

$\{P \text{ and } B \text{ and } t = T\} \ y := y + 1 \ \{P \text{ and } t < T\}$



## 6. Verifizierende Verfahren

### 3. Programmverifikation

Java-Implementierung:

```
int isqrt(int x) {  
    int y=0;  
    while ((y+1)*(y+1) <= x)  
        y=y+1;  
    return y;  
}
```

oder nach leichter Optimierung

```
int isqrt(int x) {  
    int y=1;  
    while (y*y <= x)  
        y=y+1;  
    return (y-1);  
}
```

## 6. Verifizierende Verfahren

### 4. Symbolisches Testen

#### Symbolisches Testen: Überblick

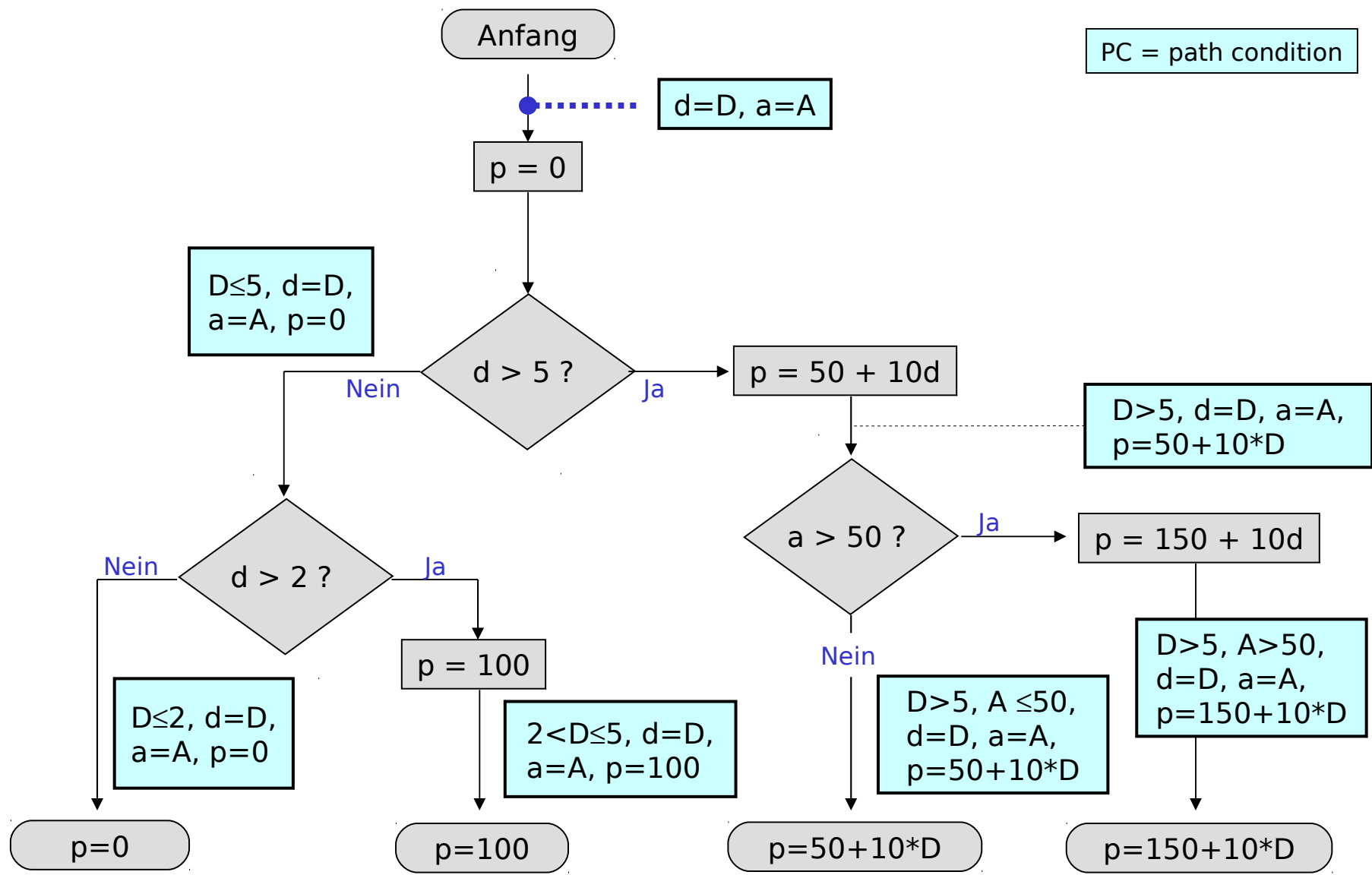
- **Idee:** Die Eingabeparameter des Programms werden mit symbolischen Variablen belegt und längs aller möglicher Kontrollflüsse alle möglichen **Zwischenergebnisse** und **Konditionen** in symbolischer Form bestimmt.
  - Methode ist besonders gut geeignet, wenn sich die an Verzweigungspunkten gültigen Kombinationen boolescher Bedingungen vereinfachen lassen und Zwischenergebnisse arithmetischer Natur sind.
- **Methode hat Beweiskraft** im mathematischen Sinn, wenn die symbolischen Parameter durch alle denkbaren konkreten Parameterwerte ersetzt werden können.
  - etwa darf das Zwischenergebnis  $y/x$  nicht ohne die Kondition  $x \neq 0$  auftreten.
- **Schleifen** lassen sich in diesem Ansatz nur bedingt abbilden.

### Beispiel

```
int berechnePraemie(int Dienstjahre, int Alter) {  
    Praemie = 0;  
    if (Dienstjahre > 5) {  
        Praemie = 50 + 10 * Dienstjahre;  
        if (Alter > 50) Praemie = Praemie + 100;  
    }  
    else if (Dienstjahre > 2) Praemie = 100;  
    return Praemie;  
}
```

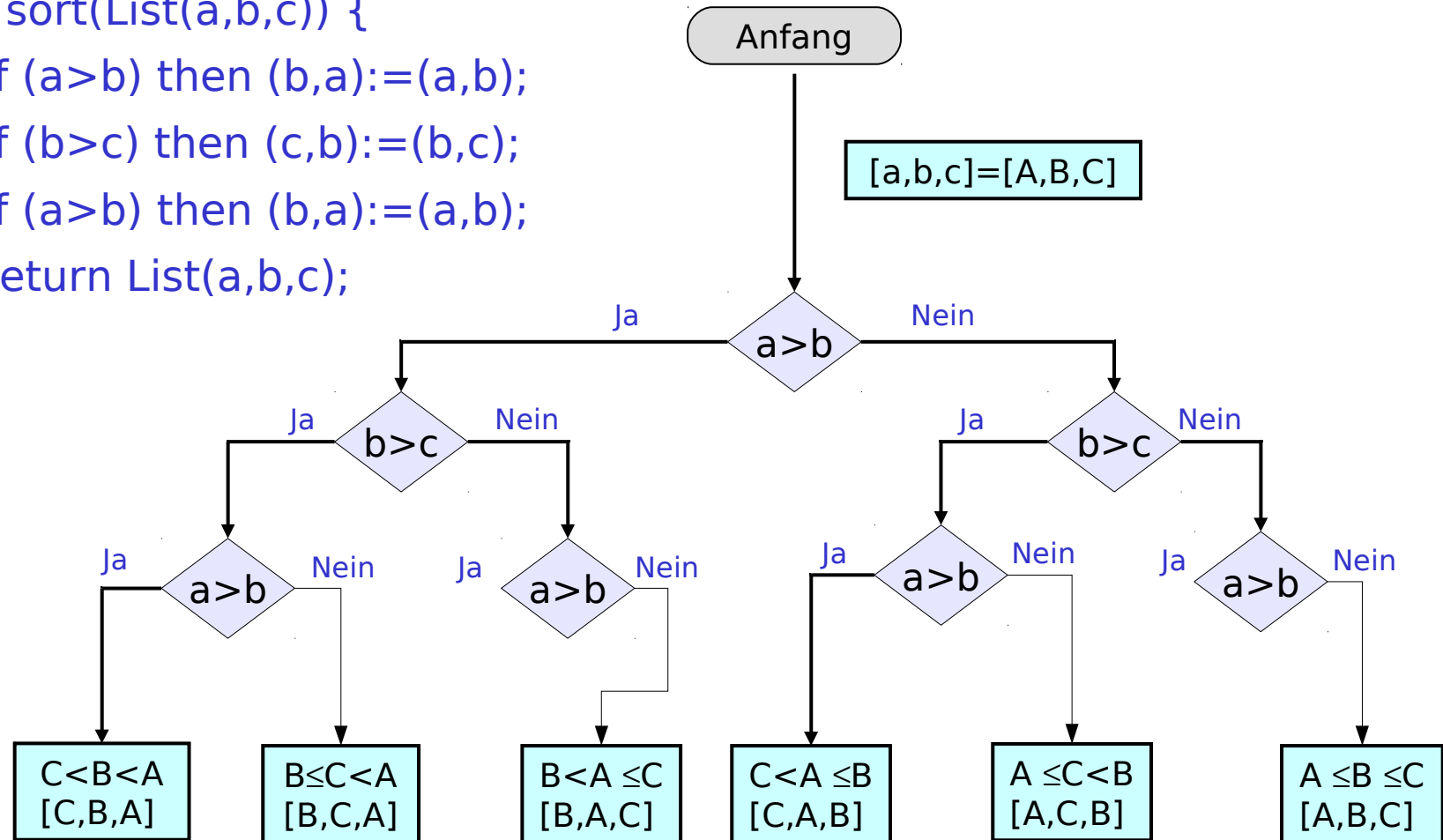
# 6. Verifizierende Verfahren

## 4. Symbolisches Testen



### Beispiel

```
List sort(List(a,b,c)) {  
  if (a>b) then (b,a):=(a,b);  
  if (b>c) then (c,b):=(b,c);  
  if (a>b) then (b,a):=(a,b);  
  return List(a,b,c);  
}
```



## Quellcode-Analyse

**Ansatz:** Qualität von Systemkomponenten besteht nicht nur in deren **funktionaler Qualität** (Q.-Z. Funktionalität und Effizienz; Fokus der bisher besprochenen Qualitätssicherungs-Methoden Test und Verifikation), sondern auch in der **Qualität des Quellcodes** selbst (Q.-Z. Änderbarkeit, Übertragbarkeit sowie teilweise Benutzbarkeit).

### Relevante Parameter:

- sinnvolle **Granularität** der Komponenten längs **funktionaler Grenzen**.
- sinnvolle **Schnittstellengestaltung** für die Zusammenarbeit der Komponenten untereinander.

Kann in quantitativen Parametern der **Bindung** (innerhalb einer Komponente) und **Kopplung** (zwischen Komponenten) erfasst werden.

## Bindung und Kopplung

Die Bindung innerhalb einer Systemkomponente und die Kopplung der Systemkomponenten untereinander bestimmen die Struktur eines Software-Systems.

**Bindung** (*cohesion*) ist ein qualitatives Maß für die Kompaktheit einer Systemkomponente. Es werden dazu die Beziehungen zwischen den Elementen einer Systemkomponente betrachtet.

**Kopplung** (*coupling*) ist ein qualitatives Maß für die Schnittstellen zwischen den Systemkomponenten. Es werden der Kopplungsmechanismus, die Schnittstellenbreite und die Art der Kommunikation betrachtet.

- Je stärker die Bindungen der Systemkomponenten im Vergleich zu den Kopplungen, desto ausgeprägter ist die Struktur und Modularität eines Systems.
  - Bindung auf der Ebene der Funktionen: Wie weit ist abgrenzbare Funktionalität an einer Stelle zusammengefasst?
  - Bindung auf der Ebene der Daten: Wie weit ist datenmäßig zusammengehörige Funktionalität zusammengefasst?
  - Informale Bindung: Wie sind Datenabstraktionskonzepte an Datenstrukturen gebunden?
- Die Forderung nach guter Modularität wird erfüllt, wenn die Kopplungen minimiert und die Bindungen maximiert werden.
- Für **Komponenten** spielt der Bindungsgrad eine qualitätsrelevante Rolle, für **Systeme** die Ausgestaltung der Kopplung zwischen den Komponenten.



#### Bindung auf der Ebene der Funktionen

- Gute Bindung liegt vor, wenn nur solche Elemente zu einer Einheit zusammengefasst werden, die auch zusammen gehören.
- Bindung von Funktionen wird nur qualitativ erfasst.

**Ziel:** Erreichen einer funktionalen Bindung.

- Alle Elemente sind an der Verwirklichung einer einzigen, abgeschlossenen Funktion beteiligt.
- Komplexe Funktionen werden realisiert, indem importierte Funktionen verwendet werden, die selbst funktional gebunden sind.

### **Kennzeichen** einer funktionalen Bindung:

- Alle Elemente tragen dazu bei, ein einzelnes spezifisches Ziel zu erreichen.
- Es gibt keine überflüssigen Elemente.
- Die Aufgabe kann mit genau einem Verb und genau einem Objekt beschrieben werden.
- Austausch gegen anderes Element, welches denselben Zweck erfüllt, leicht möglich.
- Hohe Kontextunabhängigkeit, d.h. einfache Beziehungen zur Umwelt.

### **Vorteile** einer funktionalen Bindung:

- Hohe Kontextunabhängigkeit (die Bindungen befinden sich innerhalb der Prozedur, nicht zwischen Prozeduren).
  - Geringe Fehleranfälligkeit bei Änderungen,
  - Hoher Grad der Wiederverwendbarkeit,
  - Leichte Erweiterbarkeit und Wartbarkeit, da sich Änderungen auf isolierte, kleine Teile beschränken.
- 
- Konzept der Bindung verallgemeinert die (konzeptuellen) Regeln für „guten Code“ zu Regeln für „guten Software-Entwurf“.
  - Die Bindungsart einer Prozedur lässt sich nicht automatisch ermitteln, sondern nur durch manuelle Prüfmethoden.
  - Diese Untersuchungen sind noch im experimentellen Stadium und haben heute weitgehend informellen (damit aber nicht weniger bindenden) Charakter.

#### Bindung von Datenabstraktionen/Klassen

Beschreibt das Zusammenwirken verschiedener Funktionen, welche derselben Datenabstraktion oder Klasse zuzuordnen sind.

- Voraussetzung: Alle Methoden sind funktional gebunden

Gute Bindung einer Klasse (*model cohesion*) liegt vor, wenn

- sie ein einzelnes semantisch bedeutungsvolles Konzept repräsentiert,
- die Klasse keine verborgenen Klassen enthält und
- keine Operationen enthält, die an andere Klassen delegiert werden können.

Wird in der Literatur auch als Kohärenz bezeichnet.

Für Klassen ist weiter die Bindung innerhalb von Vererbungsstrukturen wesentlich.

### Informale Bindung

Abstrakte Datenobjekte sollen dem Prinzip der informalen Bindung genügen.

- liegt vor, wenn mehrere, in sich abgeschlossene, funktional gebundene Zugriffsoperatoren, die zu einer Datenabstraktion gehören, auf einer einzigen Datenstruktur operieren.
- **Idee:** hinter der gemeinsamen Funktionalität liegt auch ein gemeinsames Datenmodell

#### Merkmale:

- Unterstützt das Geheimnisprinzip, d.h. die Datenstruktur gehört nur zu einer Datenabstraktion,
- Änderungen der Datenstruktur tangieren nur eine Datenabstraktion,
- Problem der Vermischung von Zugriffsoperationen, da alle auf derselben Datenstruktur operieren.

### Bindung in Vererbungsstrukturen

- Die ganze Vererbungshierarchie muss untersucht werden.
- **Starke Vererbungsbindung** liegt vor, wenn die Hierarchie eine Generalisierungs-/Spezialisierungshierarchie im Sinne der konzeptuellen Modellierung ist.
- **Schwache Vererbungsbindung** liegt vor, wenn die Hierarchie nur zum "*code sharing*" verwendet wird.
- Das **Ziel** jeder neu definierten Unterklasse muss sein, ein einzelnes semantisches Konzept auszudrücken.

### Analyse der Kopplung

#### Typische Ansätze für Kopplungsmetriken

- **fan-in:** Gemessen wird die Anzahl der Komponenten, welche die Funktionalität einer zu vermessenden Komponente verwenden.
- **fan-out:** Gemessen wird die Anzahl der von einer Systemkomponente benutzten anderen Komponenten sowie die Anzahl der Datenstrukturen, welche durch die betrachtete Systemkomponente aktualisiert werden.

### OO-Spezifik: Vererbung als Bindung oder Kopplung?

- Vererbung als Kopplung:
  - gute Vererbungsstruktur hat enge Kopplung, gute Systemstruktur möglichst lose Kopplung
- Vererbung als Bindung:
  - gute Systemstruktur hat enge Bindung
- Vererbungsmetriken werden deshalb den Komponenten zugerechnet

### typische Kopplungsmaße zwischen Klassen

- Anzahl der Kopplungen
  - Anzahl der Assoziationen zwischen je zwei Klassen
  - Anzahl der Aggregationen zwischen je zwei Klassen
  - Anzahl der benutzten Klassen (fan-out, CBP = Coupling Between Objects)
  - Anzahl der benutzenden Klassen (fan-in)



- Stärke der Kopplungen
  - Anzahl der externen Aufrufe (Wichtung der benutzten Klassen, MPC = Message-Passing Coupling)
  - Anzahl der eigenen Operationen im Verhältnis zur Anzahl der internen und externen Aufrufe (RFC = Response For a Class)
  - durchschnittliche (gewichtet) Anzahl der Parameter pro Operation (PPM = Parameter Per Method)

Die experimentellen Erfahrungen legen folgende Zielgrößen für OO-Systeme nahe:

- geringer fan-out-Wert
  - Grund: Delegierungsprinzip sinnvoll einsetzen
- hohe fan-in-Werte
  - Grund: hohe Verwendbarkeit deutet auf gute Struktur hin
  - geht nicht global, da Summe fan-in = Summe fan-out
- relativ wenige Objekte sollten als Parameter übergeben werden
  - Grund: Objekt kapselt Zustand, verhält sich also wie globale Variable